

3

- (1) 2つの場合をつなげて考えると、 $2820+780=3600$ (m)の距離を $50+150=200$ (秒)かかっていることがわかる。  
 列車の速さは、 $3600 \div 200 = 18$ (m/秒)  
 列車の長さは、 $18 \times 50 - 780 = 120$ (m)
- (2) 順に2つの針が重なるのは7時台、8時台、9時台、10時台とそれぞれ1回ずつあるが、11時から13時の間に重なるのは正午のときである。よって、6回目に重なるのは、午後1時以降である。  
 午後1時には2つの針が30度離れていることを考えると、 $30 \times \frac{2}{11} = \frac{60}{11} = 5\frac{5}{11}$ (分)  
 したがって、午後1時 $5\frac{5}{11}$ 分
- (3) 静水時の速さが時速18km、川の流れの速さが時速6kmより、ボートの上りの速さは時速12kmである。  
 休んでいる間に川に流されることを考えると、11分間でボートが進む距離は、 $12 \times \frac{1}{6} - 6 \times \frac{1}{60} = 1.9$ (km)  
 この繰り返しを考えて、 $60 \div 11 = 5 \cdots 5$ (分)  
 よって、A地点からB地点までの距離は、 $1.9 \times 5 + 12 \times \frac{5}{60} = 9.5 + 1 = 10.5$ (km)

4

- (1) AさんとBさんの2人が合計10歩で $10.1$ (m) = 1010(cm)歩いている。  
 よって、2人の歩幅の合計は、 $1010 \div 10 = 101$ (cm)  
 また、2人の歩いた距離の差から、 $50 \div 10 = 5$ (cm)が2人の歩幅の差であることがわかる。  
 したがって、Aさんの歩幅の方が大きいことを考えて、Aさんの歩幅は、 $(101+5) \div 2 = 53$ (cm)  
 Bさんの歩幅は、 $101 - 53 = 48$ (cm)
- (2) (1)と2人の歩いた距離の和が500cmであることから、 $53 \times \square + 48 \times \triangle = 500$  この式にあてはまる□と△を求めればよい。  
 ここで500、 $48 \times \triangle$ がともに4の倍数、53が素数であることを考えると、□にあてはまるのは4の倍数で、4か8のどちらかである。 $53 \times 4 + 48 \times 6 = 500$ となり、□に8をいれると△に整数であてはまるものはない。  
 したがって、Aさんは4歩、Bさんは6歩

5

- (1) 4、5、6の最小公倍数を考えると、60とわかる。そろった長さは60cm  
 また、 $60 \div 4 = 15$   $60 \div 5 = 12$   $60 \div 6 = 10$  となるので、使った個数は、 $15+12+10=37$ (個)
- (2)  $72=2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$   $8=2 \times 2 \times 2$  3は素数  
 よって、もう1種類のブロックは素因数分解した結果、 $3 \times 3 \times \square$ となるのが条件である。ただし、□にあてはまるのは最大でも $2 \times 2 \times 2$ である。  
 したがって、 $3 \times 3 \times 1$ 、 $3 \times 3 \times 2$ 、 $3 \times 3 \times 2 \times 2$ 、 $3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2$  すなわち、9、18、36、72

(3)

(ア)  $180=2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5$  使った個数が一番少なくなるのは、それぞれのブロックが大きいときと考えられる。

ここで、180の約数を大きい順に考えると、180、90、60、45…となるが、条件より180ブロックは使えないことを考えて、90ブロック、60ブロック、45ブロックで考える。このとき、3種類のブロックのそろった長さは180cmとなる。したがって、 $180 \div 90=2$   $180 \div 60=3$   $180 \div 45=4$  となるので、 $2+3+4=9$ (個)

つまり、使用したブロックは、90ブロック、60ブロック、45ブロック 使った個数は9個

(イ) いくつかのパターンを考える。

①  $2 \times 2$ 、 $3 \times 3$ 、5 と素因数ごとに分けて考える。このとき、使用したブロックは4、9、5となる。

使った個数は  $180 \div 4=45$   $180 \div 9=20$   $180 \div 5=36$  となるので、 $45+20+36=101$ (個)

素因数をいくつかまとめて考える場合、少なくとも2ブロックを使用した方が使ったブロックは多くなることが予想できる。これをもとにいくつか考える。

②  $2$ 、 $2 \times 2 \times 3 \times 3$ 、5 このとき使用したブロックは、2、36、5となる。

使った個数は  $180 \div 2=90$   $180 \div 36=5$   $180 \div 5=36$  となるので、 $90+5+36=131$ (個)

③  $2$ 、 $3 \times 3$ 、 $5 \times 2 \times 2$  このとき使用したブロックは、2、9、20となる。

使った個数は  $180 \div 2=90$   $180 \div 9=20$   $180 \div 20=9$  となるので、 $90+20+9=119$ (個)

④  $2$ 、 $2 \times 2$ 、 $3 \times 3 \times 5$  このとき使用したブロックは、2、4、45となる。

使った個数は  $180 \div 2=90$   $180 \div 4=45$   $180 \div 45=4$  となるので、 $90+45+4=139$ (個)

以上より、④の場合が使ったブロックが一番多い。

つまり、使用したブロックは、2ブロック、4ブロック、45ブロック 使った個数は139個

※ ブロックの数字が小さいときに必ずしも使った個数が一番多くなるわけではないことに注意